

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина	Дифференциальные уравнения	
Факультет	Факультет математики, информационных и авиационных технологий	
Кафедра	Кафедра информационной безопасности и теории управления	
Курс	2 - очная форма обучения	

Направление (специальность): <u>15.03.04 Автоматизация технологических процессов и производств</u> Направленность (профиль/специализация): <u>Цифровой инжиниринг в медицинском</u> приборостроении

Форма обучения: очная

Дата введения в учебный процесс УлГУ: 01.09.2024 г.

Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол № _____ от ____ 20___г. Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол № ____ от ____ 20___г. Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол № ____ от ____ 20___г.

Сведения о разработчиках:

ФИО	КАФЕДРА	Должность, ученая степень, звание
Юрьева Ольга Дмитриевна	Кафедра информационной безопасности и теории управления	Доцент,Кандидат физико- математических наук, Доцент
	заволжский экономико-гуманитарный факультет	Преподаватель, Кандидат физико- математических наук, Доцент

1 / 13

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цели освоения дисциплины:

изучение теории дифференциальных уравнений, методов их решения и применение полученных знаний на практике.

Задачи освоения дисциплины:

изучение базовых понятий теории дифференциальных уравнений;

освоение основных приемов решения практических задач по темам дисциплины;

приобретение опыта работы с математической и связанной с математикой научной и учебной литературой;

развитие четкого логического мышления.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина «Дифференциальные уравнения» относится к числу дисциплин блока Б1.О, предназначенного для студентов, обучающихся по направлению: 15.03.04 Автоматизация технологических процессов и производств.

В процессе изучения дисциплины формируются компетенции: УК-1, ОПК-1.

Основные положения дисциплины используются в дальнейшем при изучении таких дисциплин как: Математический анализ, Алгебра и геометрия, Теория вероятностей, Философия, Преддипломная практика, Научно-исследовательская работа, Ознакомительная практика, Технологическая (проектно-технологическая) практика, Проектная деятельность, Выполнение, подготовка к процедуре защиты и защита выпускной квалификационной работы, Численные методы.

3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Код и наименование реализуемой компетенции	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с индикаторами достижения компетенций
УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	знать: Определение дифференциального уравнения, общего и частного решения, их геометрический смысл. Схемы решения систем линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами уметь: Использовать математический аппарат для освоения теоретических основ и практического использования



Код и наименование реализуемой компетенции	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с индикаторами достижения компетенций
	физических методов. владеть: Методами решения дифференциальных уравнений первого порядка.
ОПК-1 Применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности;	знать:

4. ОБЩАЯ ТРУДОЕМКОСТЬ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Объем дисциплины в зачетных единицах (всего): 3 ЗЕТ

4.2. Объем дисциплины по видам учебной работы (в часах): 108 часов

Форма обучения: очная

Вид учебной работы	Количество часов (форма обучения <u>очная</u>)		
	Всего по плану	В т.ч. по семестрам	
		3	
1	2	3	
Контактная работа обучающихся с преподавателем в соответствии с УП	72	72	
Аудиторные занятия:	72	72	
Лекции	36	36	
Семинары и практические занятия	36	36	
Лабораторные работы, практикумы	-	-	



Вид учебной работы	Количество часов (форма обучения <u>очная</u>)		
	Всего по плану	В т.ч. по семестрам	
		3	
1	2	3	
Самостоятельная работа	36	36	
Форма текущего контроля знаний и контроля самостоятельной работы: тестирование, контр. работа, коллоквиум, реферат и др. (не менее 2 видов)	контрольные работы, Тестирование	контрольные работы, Тестирование	
Курсовая работа	-	-	
Виды промежуточной аттестации (экзамен, зачет)	Зачёт	Зачёт	
Всего часов по дисциплине	108	108	

4.3. Содержание дисциплины. Распределение часов по темам и видам учебной работы

Форма обучения: очная

Название	Всего	Виды учеб	Виды учебных занятий				Форма текущего контроля
разделов и тем	Аудиторнь	Аудиторные занятия			Самостоя		
		Лекции	Практиче ские занятия, семинары	Лаборато рные работы, п рактикум ы	интеракти вной форме	тельная работа	знаний
1	2	3	4	5	6	7	8
Раздел 1. Ди	фференциа	льные уравнен	ия первого пор	ядка			'
Тема 1.1. Д ифференци альные уравнения первого порядка	52	18	18	0	8	16	Тестирова ние, Контрольн ые работы
Раздел 2. Си	істемы лине	 йных уравнени	й и линейные n	-го порядка			
Тема 2.1. Нормальны е системы д ифференци альных уравнений	16	6	6	0	2	4	Тестирова ние
Тема 2.2. Линейные	20	6	6	0	4	8	Тестирова ние



Название	Название Всего Виды учебных занятий					Форма	
разделов и тем		Аудиторные	занятия		Занятия в	Самостоя	текущего контроля знаний
		Лекции	Практиче ские занятия, семинары	Лаборато рные работы, п рактикум ы	интеракти вной форме	тельная работа	
1	2	3	4	5	6	7	8
системы уравнений							
Тема 2.3. Д ифференци альные уравнения п-го порядка	20	6	6	0	4	8	Тестирова ние, Контрольн ые работы
Итого подлежит изучению	108	36	36	0	18	36	

5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Раздел 1. Дифференциальные уравнения первого порядка

Тема 1.1. Дифференциальные уравнения первого порядка

Интегральные кривые. Задача Коши. Частное и общее решения. Методы решения простейших дифференциальных уравнений первого порядка. Теоремы существования и единственности решения задачи Коши. Полные решения. Дифференциальные уравнения первого порядка, не разрешенные относительно производной.

Раздел 2. Системы линейных уравнений и линейные n-го порядка

Тема 2.1. Нормальные системы дифференциальных уравнений

Системы дифференциальных уравнений. Нормальный вид. Задача Коши. Теоремы существования и единственности решения. Следствия для одного дифференциального уравнения п-го порядка.

Тема 2.2. Линейные системы уравнений

Основные свойства решений. Определитель Вронского. Пространство решений. Фундаментальные системы решений. Построение общего решения. Линейные системы с постоянными коэффициентами. Структура фундаментальной матрицы.

Тема 2.3. Дифференциальные уравнения п-го порядка

Однородное линейное уравнение. Определитель Вронского и его свойства. Неоднородное

линейное уравнение. Метод вариации произвольных постоянных. Линейное уравнение с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Построение общего решения. Уравнения в частных производных первого порядка.

6. ТЕМЫ ПРАКТИЧЕСКИХ И СЕМИНАРСКИХ ЗАНЯТИЙ

Раздел 1. Дифференциальные уравнения первого порядка

Тема 1.1. Дифференциальные уравнения первого порядка

Вопросы к теме:

Очная форма

Интегральные кривые. Задача Коши. Частное и общее решения. Методы решения простейших дифференциальных уравнений первого порядка. Дифференциальные уравнения первого порядка, не разрешимые относительно производной.

Раздел 2. Системы линейных уравнений и линейные п-го порядка

Тема 2.1. Нормальные системы дифференциальных уравнений

Вопросы к теме:

Очная форма

Устойчивость. Линейные уравнения в частных производных первого порядка. Системы дифференциальных уравнений. Приведение к нормальному виду. Задача Коши.

Тема 2.2. Линейные системы уравнений

Вопросы к теме:

Очная форма

Фундаментальные системы решений. Построение общего решения. Линейные системы с постоянными коэффициентами. Структура фундаментальной матрицы.

Тема 2.3. Дифференциальные уравнения п-го порядка

Вопросы к теме:

Очная форма

Однородное линейное уравнение. Неоднородное линейное уравнение. Метод вариации произвольных постоянных. Линейное уравнение с постоянными коэффициентами.

Характеристическое уравнение. Нахождение общего решения. Решение линейных уравнений в частных производных первого порядка.

7. ЛАБОРАТОРНЫЕ РАБОТЫ, ПРАКТИКУМЫ

Данный вид работы не предусмотрен УП.

8. ТЕМАТИКА КУРСОВЫХ, КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ, РЕФЕРАТОВ

Контрольные работы

Тема 1. Контрольная работа №1. «Уравнения первого порядка»: однородное уравнение; линейное неоднородное уравнение; уравнение Бернулли; уравнение в полных дифференциалах; уравнение, не разрешенное относительно производной.

Тема 2. Контрольная работа №2. «Линейное уравнение n-го порядка и системы уравнений первого порядка»:неоднородные системы с постоянными коэффициентами; отыскание вида частного решения линейного уравнения n-гопорядка по виду правой части; решение линейного неоднородного уравнения n-го порядка; решение нелинейной системы.

9. ПЕРЕЧЕНЬ ВОПРОСОВ К ЗАЧЕТУ

- 1. Понятие дифференциального уравнения 1-го порядка. Поле направлений. Задача Коши. Общее решение.
- 2. Простейшие уравнения 1-го порядка Уравнения с разделяющимися переменными. Однородные уравнения.
 - 3. Линейные уравнения. Уравнения Бернулли.
- 4. Уравнение в симметричной форме. Общий интеграл. Уравнения в полных дифференциалах. Интегрирующий множитель.
- 5. Дифференциальные уравнения первого порядка, не разрешенные относительно производной и их решения.
 - 6. Уравнения Лагранжа и Клеро.
 - 7. Системы дифференциальных уравнений. Приведение к нормальной форме.
- 8. Векторная запись нормальной системы. Теорема о существовании и единственности решения для нормальной системы. Интегральная кривая и траектория. Общее решение и общий интеграл.
 - 9. Уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка.



- 10. Система линейных уравнений. Структура общего решения однородной системы.
- 11. Определитель Вронского. Линейная зависимость/независимость вектор-функций.
- 12. Структура общего решения неоднородной системы. Метод вариации постоянных.
- 13. Фундаментальная матрица и ее свойства.
- 14. Теорема об общем решении однородного линейного уравнения с постоянными коэффициентами.
- 15. Решение уравнения n- го порядка с постоянными коэффициентами. Комплекснозначные и действительные решения.
- 16. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения п-го порядка. Метод вариации произвольных постоянных.
 - 17. Линейные уравнения n-го порядка. Решение линейного однородного уравнения.
- 18. Отыскание частного решения неоднородного уравнения п- го порядка с постоянными коэффициентами и специальной правой частью.
- 19. Определение задачи Коши, теорема существования и единственности решения для уравнения n-го порядка.

10. САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА ОБУЧАЮЩИХСЯ

Содержание, требования, условия и порядок организации самостоятельной работы обучающихся с учетом формы обучения определяются в соответствии с «Положением об организации самостоятельной работы обучающихся», утвержденным Ученым советом УлГУ (протокол №8/268 от 26.03.2019г.).

По каждой форме обучения: очная/заочная/очно-заочная заполняется отдельная таблица

Форма обучения: очная

Название разделов и тем	Вид самостоятельной работы (проработка учебного материала, решение задач, реферат, доклад, контрольная работа,подготовка к сдаче зачета, экзамена и др).	Объем в часах	Форма контроля (проверка решения задач, реферата и др.)
Раздел 1. Дифференциальные	уравнения первого порядка		
Тема 1.1. Дифференциальные уравнения первого порядка	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебнометодического и информационного обеспечения дисциплины.	16	Тестирование
Раздел 2. Системы линейных у	равнений и линейные n-го порядка		
Тема 2.1. Нормальные системы дифференциальных уравнений	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебнометодического и информационного обеспечения дисциплины.	4	Тестирование
Тема 2.2. Линейные системы уравнений	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебнометодического и информационного обеспечения дисциплины.	8	Тестирование
Тема 2.3. Дифференциальные уравнения n-го порядка	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебнометодического и информационного обеспечения дисциплины.	8	Тестирование

11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

а) Список рекомендуемой литературы основная

- 1. Тихонов А.Н. Дифференциальные уравнения : учебник / А.Н. Тихонов, А.Б. Васильева, А.Г. Свешников ; Тихонов А.Н.; Васильева А.Б.; Свешников А.Г. Москва : Физматлит, 2002. 256 с. URL: https://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785922102773.html. Режим доступа: ЭБС "Консультант студента"; по подписке. ISBN 978-5-9221-0277-3. / .— ISBN 0_239153
- 2. Фихтенгольц Григорий Михайлович. Курс дифференциального и интегрального исчисления : учебник для физ. и мех.-мат. спец. вузов. Т. 1 / Г.М. Фихтенгольц. 8-е изд. Москва : Физматлит, 2006. 680 с. ISBN 5-9221-0436-5 (в пер.). / .— ISBN 1_149386
- 3. Фихтенгольц Григорий Михайлович. Курс дифференциального и интегрального исчисления : учебник для физ. и мех.-матем. спец. вузов. Т. $2 / \Gamma$.М. Фихтенгольц. 8-е изд. Москва : Физматлит : Лаборатория Знаний, 2003. 864 с. ISBN 5-9221-0437-3 (в пер.). / .— ISBN 1_149385

4. Фихтенгольц Григорий Михайлович. Курс дифференциального и интегрального исчисления : учебник для физ. и мех.-мат. спец. вузов. Т. 3 / Г.М. Фихтенгольц. - 8-е изд. - Москва : Физматлит, 2005. - 728 с. - ISBN 5-9221-0466-7 (в пер.). / .— ISBN 1_149384

дополнительная

- 1. Веденяпин А.Д. Практикум. Дифференциальные уравнения. Часть 1. Дифференциальные уравнения первого порядка и приводящиеся к ним: практикум / А.Д. Веденяпин, В.К. Поливенко; Веденяпин А.Д.; Поливенко В.К. - Москва : Физматлит, 2008. - 160 с. - URL: https://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785922110075.html. - Режим доступа: ЭБС "Консультант студента"; по подписке. - ISBN 978-5-9221-1007-5. / .— ISBN 0_242401
- 2. Муратова Татьяна Владимировна. Дифференциальные уравнения: Учебник и практикум Для академического бакалавриата / Т.В. Муратова; Муратова Т. В. - Москва: Юрайт, 2019. - 435 с. -(Бакалавр. Академический курс). - URL: https://urait.ru/bcode/432105. - Режим доступа: Электроннобиблиотечная система Юрайт, для авториз. пользователей. - Электрон. дан. - ISBN 978-5-534-01456-3:1009.00./.—ISBN 0-402754
- 3. Пантелеев А.В. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Практический курс : учебное пособие / А.В. Пантелеев, А.С. Якимова, К.А. Рыбаков; Пантелеев А.В.; Якимова А.С.; Рыбаков К.А. Москва 2017. 384 Логос. URL: https://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785987044650.html. - Режим доступа: ЭБС "Консультант студента"; по подписке. - ISBN 978-5-98704-465-0. / .— ISBN 0 236360

учебно-методическая

- 1. Андреев А. С. Дифференциальные уравнения: учебно-метод. пособие. Ч. 1 / А. С. Андреев, О. Д. Юрьева; УлГУ, ФМиИТ. - Ульяновск: УлГУ, 2007. - Загл. с экрана. - Электрон. текстовые дан. (1 файл: 497 КБ). - URL: http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/991. - Режим доступа: ЭБС УлГУ. - Текст: электронный. / .— ISBN 0_34438.
- 2. Юрьева О. Д. Обыкновенные дифференциальные уравнения и системы : учеб.-метод. пособие и типовые расчеты / О. Д. Юрьева, И. А. Перцева, Н. О. Седова ; УлГУ, ФМИиАТ. - Ульяновск : УлГУ, 2016. - Загл. с экрана. - Электрон. текстовые дан. (1 файл : 2,81 МБ). - URL: http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/246. - Режим доступа: ЭБС УлГУ. - Текст : электронный. / .— ISBN 0 34195.
- 3. Юрьева О. Д. Методические указания для самостоятельной работы студентов по дисциплине «Дифференциальные уравнения» для студентов всех направлений и специальностей ФМИАТ очной и заочной форм обучения / О. Д. Юрьева ; УлГУ, Фак. математики, информ. и авиац. технологий. -2019. - Загл. с экрана. - Неопубликованный ресурс. - Электрон. текстовые дан. (1 файл: 558 КБ). -URL: http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/5694. - Режим доступа: ЭБС УлГУ. - Текст : электронный. / .— ISBN 0_39294.

б) Программное обеспечение

- Операционная система "Альт образование"

- Офисный пакет "Мой офис"

в) Профессиональные базы данных, информационно-справочные системы

1. Электронно-библиотечные системы:

- 1.1. Цифровой образовательный ресурс IPRsmart : электронно-библиотечная система : сайт / OOO Компания «Ай Пи Ар Медиа». Саратов, [2024]. URL: http://www.iprbookshop.ru. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.2. Образовательная платформа ЮРАЙТ: образовательный ресурс, электронная библиотека: сайт / ООО Электронное издательство ЮРАЙТ. Москва, [2024]. URL: https://urait.ru. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст: электронный.
- 1.3. База данных «Электронная библиотека технического ВУЗа (ЭБС «Консультант студента») : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Политехресурс. Москва, [2024]. URL: https://www.studentlibrary.ru/cgi-bin/mb4x. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.4. Консультант врача. Электронная медицинская библиотека : база данных : сайт / ООО Высшая школа организации и управления здравоохранением-Комплексный медицинский консалтинг. Москва, [2024]. URL: https://www.rosmedlib.ru. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.5. Большая медицинская библиотека : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Букап. Томск, [2024]. URL: https://www.books-up.ru/ru/library/ . Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.6. ЭБС Лань: электронно-библиотечная система: сайт / ООО ЭБС Лань. Санкт-Петербург, [2024]. URL: https://e.lanbook.com. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст: электронный.
- 1.7. ЭБС **Znanium.com** : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Знаниум. Москва, [2024]. URL: http://znanium.com . Режим доступа : для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- **2. КонсультантПлюс** [Электронный ресурс]: справочная правовая система. /ООО «Консультант Плюс» Электрон. дан. Москва : КонсультантПлюс, [2024].
- **3. eLIBRARY.RU:** научная электронная библиотека : сайт / ООО «Научная Электронная Библиотека». Москва, [2024]. URL: http://elibrary.ru. Режим доступа : для авториз. пользователей. Текст : электронный
- **4.** Федеральная государственная информационная система «Национальная электронная библиотека» : электронная библиотека : сайт / ФГБУ РГБ. Москва, [2024]. URL: https://нэб.рф. Режим доступа : для пользователей научной библиотеки. Текст : электронный.

- **5. Российское образование :** федеральный портал / учредитель ФГАУ «ФИЦТО». URL: http://www.edu.ru. Текст : электронный.
- **6.** Электронная библиотечная система УлГУ: модуль «Электронная библиотека» АБИС Мега-ПРО / ООО «Дата Экспресс». URL: http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Web. Режим доступа: для пользователей научной библиотеки. Текст: электронный.

12. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ:

Аудитории для проведения лекций, семинарских занятий, для выполнения лабораторных работ и практикумов, для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации, курсового проектирования, групповых и индивидуальных консультаций (выбрать необходимое)

Аудитории укомлектованы специализированной мебелью, учебной доской. Аудитории для проведения лекций оборудованы мультимедийным оборудованием для представления информации большой аудитории. Помещения для самостоятельной работы оснащены компьютерный техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа к электронной информационно-образовательной среде, электронно-библиотечной системе. Перечень оборудования, используемого в учебном процессе:

- Мультимедийное оборудование: компьютер/ноутбук, экран, проектор/телевизор
- Компьютерная техника

13. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

В случае необходимости, обучающимся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья (по заявлению обучающегося) могут предлагаться одни из следующих вариантов восприятия информации с учетом их индивидуальных психофизических особенностей:

- для лиц с нарушениями зрения: в печатной форме увеличенным шрифтом; в форме электронного документа; в форме аудиофайла (перевод учебных материалов в аудиоформат); в печатной форме на языке Брайля; индивидуальные консультации с привлечением тифлосурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации;
- для лиц с нарушениями слуха: в печатной форме; в форме электронного документа; видеоматериалы с субтитрами; индивидуальные консультации с привлечением сурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации;
- для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата: в печатной форме; в форме электронного документа; в форме аудиофайла; индивидуальные задания и консультации.
- В случае необходимости использования в учебном процессе частично/исключительно дистанционных образовательных технологий, организация работы ППС с обучающимися с ОВЗ и инвалидами предусматривается в электронной информационно-образовательной среде с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф – Рабочая программа дисциплины		

Разработчик	Кандидат физико-математических наук, Доцент	Юрьева Ольга Дмитриевна
	Должность, ученая степень, звание	ФИО